

Массивы

- [1. Структурные типы данных](#)
 - [2. Структурный тип массивов](#)
 - [3. Оператор цикла **for**](#)
 - [4. Параметризация программ](#)
 - [5. Типовые алгоритмы для работы с массивами](#)
 - [6. Многомерные массивы](#)
-

1. Структурные типы данных

Мы различаем основные и структурные операторы. Аналогичным образом следует различать *основные* и *структурные типы данных*. К основным относятся типы: Integer, Real, Boolean и Char. К структурным типам относятся: массивы, записи, множества и файлы. Строго говоря, так называются переменные соответствующих структурных типов, которые следовало бы называть "тип массивов", "тип записей" и т.д. Из контекста должно быть ясно, о чём идёт речь. Каждый из указанных типов строится на базе более простых типов и в конечном итоге на базе основных типов. Для каждого структурного типа в АЯ Pascal определена *конструкция описания типа* и *конструкция обращения к элементам переменных типа*. Для вновь создаваемых типов всегда выполняема операция присваивания. При этом тип переменной, которой присваивается значение, и тип присваиваемого значения должны совпадать. Это положение получило название *совместимости типов по присваиванию*. Возможности введения новых операций для вновь создаваемых типов, как правило, ограничиваются применением процедур. Кратко охарактеризуем структурные типы.

Массив - совокупность однородных элементов базового типа, обращение к которым выполняется с помощью индексов ординального типа.

Запись - совокупность неоднородных элементов базовых типов, обращение к которым выполняется с помощью имён полей.

Множество - совокупность однотипных элементов базового типа соответствующая понятию множества в математике с набором свойственных операций.

Файл - совокупность однородных элементов базового типа, доступ к которым осуществляется последовательно. В отличие от других структурных типов, переменные которых хранятся в ОП, файлы хранятся на ВУ. В этой связи возникает необходимость в выполнении процедур открытия и закрытия файла, в ходе выполнения которых происходит установление или разрыв связей с ВУ. Доступ к элементам файлов осуществляется с помощью стандартных процедур Read и Write.

Базовыми типами для структурных типов могут быть любые типы, кроме файлов.

2. Структурный тип массивов

Задача. $S := A + B + C + D + E$; При увеличении количества переменных увеличивается размер программы.

В математике используются переменные с индексами: $A[i]$, где $i = 1..n$.

Это позволяет использовать для вычисления суммы рекуррентное соотношение

$S[1] = A[1]$, $S[i] = S[i-1] + A[i]$, где $i = 2..n$. Здесь $S[i]$ - сумма первых i членов последовательности переменных. Эта идея реализована в программе

```
S := 0; i := 1;
while i <= n do begin S := S + A[i]; i := i + 1 end;
```

При этом размер программы никак не зависит от количества переменных.

Описание типа:

array [<Тип индекса>] **of** <Имя или описание базового типа>

Тип индекса - любой ординальный тип. Обычно используется отрезок типа $Cmin..Cmax$, где $Cmin$ и $Cmax$ - константы, определяющие соответственно минимальное и максимальное значения диапазона изменения индекса.

Описание структурного типа размещается на месте имени типа в описании переменной. Иногда удобнее ввести имя вновь создаваемого структурного типа. Для этого предназначен специальный раздел программы для описания типов, который имеет следующий синтаксис:

```
<Раздел описания типов> ::=
{ type <Имя типа> = <Имя типа или его описание>;
  <Имя типа> = <Имя типа или его описание>; } }
```

Раздел описания типов размещается в программе перед разделом описания переменных.

Обращение к элементам массива:

<Имя массива>[<Выражение типа индекса массива>].

Пример. Программа для определения суммы элементов массива.

```
program SumArr1;
type TArr = array[1..5] of Real;
var A: TArr;
    i: Integer;
    S: Real;
begin
  Write('A[1..5]: ');
  i := 1;
  while i <= 5 do begin Read(A[i]); i := i + 1 end;
  S := 0;
  i := 1;
  while i <= 5 do begin S := S + A[i]; i := i + 1 end;
  WriteLn('S = ', S);
end.
```

3. Оператор цикла for

Особенно удобен при работе с массивами. Структура:

for *i* := *e1* **to** *e2* **do** *S*, где

i - параметр цикла, простая переменная ординального типа; *e1*, *e2* - выражения, определяющие соответственно начальное и конечное значения параметра *i*. *S* - оператор, выполняемый в цикле. Типы *i*, *e1* и *e2* должны совпадать. Семантика:

```
begin
r1 := e1; r2 := e2;
if r1 <= r2 then
  begin
    i := r1; S;
    while i <> r2 do begin i := Succ(i); S end
  end
end
```

Если необходимо, чтобы параметр цикла уменьшался в ходе выполнения оператора цикла, следует применить вариант оператора **for** с **downto** вместо **to**. Его семантика:

```
begin
r1 := e1; r2 := e2;
if r1 >= r2 then
  begin
    i := r1; S;
    while i <> r2 do begin i := Pred(i); S end
  end
end
```

Пример.

```
S := 0;
for i := 1 to 5 do S := S + A[i];
```

Пример.

```
for a := False to True do
  for b := False to True do
    WriteLn(Ord(a), Ord(b), Ord(a<=b), Ord(not a or b));
```

4. Параметризация программ

Перед разделом описания типов в программе на языке Pascal можно разместить раздел определения именованных констант

```
const <Имя константы> = <Константное выражение>;
{ <Имя константы> = <Константное выражение>; }
```

Константное выражение - выражение соответствующего типа, которое может быть вычислено в ходе компиляции программы.

Пример.

```
const N = 10;
      M = N div 2;
```

Именованные константы можно применять наряду с обычными. Особенно они удобны в качестве параметров программы, например, для задания размеров массивов. Пример.

```

program SumArr2;
const N = 5;
type TArr = array[1..N] of Real;
var A: TArr;
    i: Integer;
    S: Real;
begin
Write('A[1..5]: ');
for i := 1 to N do Read(A[i]);
S := 0;
for i := 1 to N do S := S + A[i];
WriteLn('S = ', S);
end.

```

5. Типовые алгоритмы для работы с массивами

```

var A: array[1..N] of Integer;

```

5.1. Максимальный (минимальный) элемент массива

$M[1] = A[1]$, $M[i] = \max(M[i-1], A[i])$, где $i = 2..N$.

```

M := A[1];
for i := 2 to N do
    if A[i] > M then M := A[i];

```

5.2. Произведение элементов массива

$P[1] := A[1]$, $P[i] = P[i-1] * A[i]$, где $i = 2..N$.

```

P := 1;
for i := 1 to N do P := P * A[i];

```

5.3. Определение индекса элемента массива с заданным значением (линейный поиск)

```

Flag := False;
for i := 1 to N do
    if A[i] = Arg then
        begin
            Flag := True;
            Index := i;
            Break;
        end;
if Flag then
    WriteLn('Индекс искомого элемента: ', Index)
else
    WriteLn('В массиве нет элемента с заданным значением.');
```

Break и Continue это стандартные процедуры АЯ TPascal 7.0. Break - прекращает выполнение оператора цикла, а Continue - прекращает выполнение тела цикла и выполняет переход к следующей итерации.

6. Многомерные массивы

Матрица - двумерный массив. Описание типа:

```

type TVector = array[1..N] of Real;
      TMatrix = array[1..M] of TVector;
var mat: TMatrix;

```

Обращение:

mat - вся матрица размером (M строк по N элементов);
 mat[i] - i-я строка матрицы (N элементов);
 mat[i][j] - j-ый элемент в i-ой строке матрицы (1 элемент).

Пример. mat[3] := mat[2]; .

Мы видим как просто манипулировать строками матрицы. К сожалению, так просто нельзя манипулировать колонками матрицы.

Предусмотрен и упрощённый способ определения многомерных массивов. Описания

```

type TMatrix = array[1..M] of
                array[1..N] of Real;

```

и

```

type TMatrix = array[1..M, 1..N] of Real;

```

эквивалентны.

Кроме того, эквивалентны обращения mat[i][j] и mat[i,j] .

Пример. Пусть M производителей обеспечивают однородной продукцией N потребителей. Задана матрица C[i,j], i=1..M, j=1..N объёмов поставок i-го производителя j-му потребителю. Определить объёмы поставок по производителям, по потребителям и общий объём поставок.

```

program ProCons;
const M = 3;      { Количество производителей }
        N = 4;      { Количество потребителей }

type TRow = array[1..N] of Real;
      TCol = array[1..M] of Real;
      TMat = array[1..M] of TRow;

var C:   TMat;    { Матрица поставок }
      Pro: TCol;   { Вектор поставок по производителям }
      Con: TRow;   { Вектор поставок по потребителям }
      i:   Integer; { Индекс производителя }
      j:   Integer; { Индекс потребителя }
      V:   Real;    { Общий объём поставок }

begin

  { Ввод данных }
  WriteLn('Введите данные (' , M, ' строк по ' , N, ' элементов):');
  for i := 1 to M do
    begin
      for j := 1 to N do Read(C[i,j]);
      ReadLn;
    end;

```

```
{ Определение вектора Pro }
for i := 1 to M do
  begin
    Pro[i] := 0;
    for j := 1 to N do Pro[i] := Pro[i] + C[i,j];
  end;

{ Определение вектора Con }
for j := 1 to N do
  begin
    Con[j] := 0;
    for i := 1 to M do Con[j] := Con[j] + C[i,j];
  end;

{ Определение общего объёма поставок }
V := 0;
for i := 1 to M do V := V + Pro[i];

{ Вывод данных }
WriteLn;
for j := 1 to N do Write(j:6);
WriteLn;
for i := 1 to M do
  begin
    Write(i:2);
    for j := 1 to N do Write(C[i,j]:6:1);
    WriteLn(Pro[i]:8:1);
  end;
Write(' ');
for j := 1 to N do Write(Con[j]:6:1);
WriteLn(V:8:1);

end.
```
