

**Парламентское собрание Союза Беларуси и России**  
**Постоянный Комитет Союзного государства**  
**Оперативно-аналитический центр**  
**при Президенте Республики Беларусь**  
**Государственное предприятие «НИИ ТЗИ»**  
**Полоцкий государственный университет**



# **КОМПЛЕКСНАЯ ЗАЩИТА ИНФОРМАЦИИ**

Материалы XXII научно-практической конференции

(Полоцк, 16–19 мая 2017 г.)

Новополоцк  
2017

УДК 004(470+476)(061.3)  
ББК 32.81(4Бен+2)  
К63

К63

**Комплексная защита информации** : материалы XXII науч.-практ. конф., Полоцк, 16–19 мая 2017 г. / Полоц. гос. ун-т ; отв. за вып. С. Н. Касанин. – Новополоцк : Полоц. гос. ун-т, 2017. – 282 с.  
ISBN 978-985-531-564-4.

В сборнике представлены доклады ученых, специалистов, представителей государственных органов и практических работников в области обеспечения информационной безопасности Союзного государства по широкому спектру научных направлений.

Адресуется исследователям, практическим работникам и широкому кругу читателей.

Тексты тезисов докладов, вошедших в настоящий сборник, представлены в авторской редакции.

**УДК 004(470+476)(061.3)**  
**ББК 32.81(4Бен+2)**

Предложенный алгоритм шифрования изображений позволяет повысить степень защиты информации, стойкость к различным атакам и может быть интегрирован в аппаратуру. Преимуществами данного алгоритма является его гибкость, а также возможность обеспечения шифрования с необходимым уровнем безопасности.

## ОЦЕНКА УСТОЙЧИВОСТИ ФУНКЦИОНИРОВАНИЯ ФИЗИЧЕСКОГО ДАТЧИКА СЛУЧАЙНЫХ ЧИСЕЛ

А. И. ТРУБЕЙ, И.К. ПИРШТУК, В.Ю. ПАЛУХА, М.В. МАЛЬЦЕВ

*НИИ прикладных проблем математики и информатики БГУ*

Функционирование физического датчика случайных чисел (ФДСЧ) основано на преобразовании случайного физического процесса в случайную последовательность с равномерным распределением на интервале  $[0, 1]$ . Основным недостатком данного метода является возможная нестабильность вероятностных характеристик случайной величины используемого процесса. Поэтому необходимо оценить стабильность функционирования параметров ФДСЧ, то есть рассмотреть гипотезу о том, что распределение вероятностей случайной величины физического процесса зависит от времени, и определить статистическую значимость отклонений данных параметров. Для подтверждения стабильности эмпирического закона распределения необходимо осуществлять проверку устойчивости работы ФДСЧ в течение определенного времени.

### 1. Формулировка гипотезы об однородности выборок

Предположим, что имеем комплект, состоящий из  $M \geq 2$  двоичных последовательностей, выработанных датчиком в промежутки времени  $t_1, \dots, t_M$ . Из комплекта сформируем  $M$  независимых выборок, полученных в результате статистического анализа последовательностей. Каждая из выборок есть реализация полиномиальной схемы с  $N$  исходами. Объемы выборок равны  $n_1, \dots, n_M$ . Обозначим

$n = \sum_{k=1}^M n_k$ ,  $n_0 = \min\{n_1, \dots, n_M\}$ ,  $v_{k,i}$  – частота символа  $i$ . В качестве выборок можно

рассматривать, например, частоты встречаемости пересекающихся (непересекающихся)  $l$ -грамм, гистограммы частот попадания вероятностей  $p_{ij}$  матрицы статистического портрета датчика в каждый из 10 подинтервалов, на которые разбивается интервал  $[0; 1]$ . Гипотеза однородности предполагает, что вероятностные свойства наблюдаемой последовательности не изменяются во времени. Это означает, что возможные изменения внешних условий и отклонения параметров физического датчика не являются статистически значимыми.

Полагаем, что выборки статистически однородны и для них выполняется гипотеза  $H_0$ , если  $p_{1,i} = \dots = p_{M,i}$ ;  $i = 1, \dots, N$ . В противном случае будем говорить, что выполняется альтернатива  $H_1$ . При альтернативе вероятности исходов могут быть постоянными или изменяться с ростом объемов выборок.

Для проверки однородности используем статистику хи-квадрат:

$$\chi^2 = n \sum_{k=1}^M \sum_{i=1}^N \frac{1}{n_k m_i} \left( v_{k,i} - m_i \frac{n_k}{n} \right)^2, \text{ где } m_i = \sum_{k=1}^M v_{k,i}.$$

Для подтверждения и уточнения полученных результатов будем применять также следующую модификацию статистики  $\chi^2$  [1]:

$$\zeta^2 = \inf_{p_1, \dots, p_N > 0} n \sum_{k=1}^M \sum_{i=1}^N \frac{1}{n_k m_i} (v_{k,i} - p_i)^2 = \left( \sum_{i=1}^N \sqrt{\sum_{k=1}^M \frac{v_{k,i}^2}{n_k}} \right)^2.$$

Если и справедлива гипотеза  $H_0$ , то при  $n_0 \rightarrow \infty$  статистики  $\chi^2$  и  $\zeta^2 - n$  сходятся к распределению хи-квадрат с  $(M-1)(N-1)$  степенями свободы. При этом для всех ожидаемых частот должно соблюдаться условие:  $n_k p_{k,i} \geq 10$ .

2. Оценка однородности выборок, состоящих из непересекающихся отрезков

С применением статистик  $\chi^2$  и  $\zeta^2$  проведена оценка однородности выборок, состоящих из непересекающихся отрезков (длиной 1, 4, 8, 12, 16 бит) последовательностей, выработанных датчиками  $G_1$  и  $G_2$  (входящими в состав СКЗИ) в один день (10.11.2016). Для анализа были взяты по 50 последовательностей объемом по 1 Mb, выработанные каждым из датчиков. Результаты приведены в таблице 1.

Таблица 1 – Оценка однородности последовательностей, выработанных датчиками

Длина отрезка/степени свободы	$p$ -значения	$G_1$	$G_2$
1/49	$p(\chi^2)$	0,9836	0,7237
1/49	$p(\zeta^2 - n)$	0,9836	0,7237
4/735	$p(\chi^2)$	0,1076	0,4816
4/735	$p(\zeta^2 - n)$	0,1077	0,4816
8/12 495	$p(\chi^2)$	0,0101	0,8470
8/12 495	$p(\zeta^2 - n)$	0,0101	0,8471
12/200 655	$p(\chi^2)$	0,2995	0,9214
12/200 655	$p(\zeta^2 - n)$	0,3060	0,9241
16/3 211 215	$p(\chi^2)$	<u>0,4563</u>	<u>0,5922</u>
16/3 211 215	$p(\zeta^2 - n)$	<b>0,9166</b>	<b>0,9571</b>

В результате анализа данных, приведенных в таблице 1, можно отметить, что все полученные  $p$ -значения превосходят максимальное значение диапазона уровня значимости  $\alpha = 0,01$ , рекомендуемое NIST. Это свидетельствует о справедливости гипотезы  $H_0$  об однородности распределения последовательностей. Следовательно, можно утверждать, что возможные изменения внешних условий и отклонения параметров исследуемых физических датчиков  $G_1$  и  $G_2$  в указанные промежутки времени не являются статистически значимыми.

При этом  $p$ -значения статистики  $\zeta^2 - n$  равны или превышают соответствующие  $p$ -значения статистики  $\chi^2$ . Различия между ними постепенно возрастают с увеличением количества степеней свободы. Поэтому при большом количестве исходов (в особенности, в пограничных случаях, когда  $p$ -значения располагаются в окрестности уровня значимости  $\alpha$ ) для повышения достоверности принятия нулевой или альтернативной гипотезы следует применять статистику  $\zeta^2$ .

3. Оценка однородности распределения элементов статистического портрета

Применим другой подход. Для датчика  $G_1$  оценим однородность распределения элементов (столбцов)  $p_{ij}$  матрицы статистического портрета датчика, представляющих

собой  $p$ -значения, полученные в результате тестирования  $i$ -й последовательности  $j$ -м тестом. Оценим однородность гистограмм частот  $p_{ij}$ -значений, полученных в ходе применения теста многомерной дискретной равномерности по непересекающимся отрезкам (МДРН) к последовательностям, выработанным датчиком  $G_1$  соответственно 26.10.2016 и 10.11.2016. В каждый из дней тестированию подвергались 10 последовательностей объемом 1 МВ, каждая из которых разбивалась на 104 подпоследовательности объемом 80 КВ. Вероятностный интервал [0; 1] разбивался на 10 подинтервалов. Результаты представлены в таблице 2.

Таблица 2 – Оценка однородности  $p$ -значений теста МДРН (отрезки, длиной 9 бит)

Подинтервал	26.10.2016										10.11.2016									
	01	02	03	04	05	06	07	08	09	10	01	02	03	04	05	06	07	08	09	10
0,0;0,1	16	8	9	13	10	10	11	9	15	10	8	5	13	8	8	12	11	6	11	9
0,1;0,2	11	11	11	9	13	12	7	9	8	9	11	12	11	12	6	6	7	7	16	9
0,2;0,3	9	6	10	10	8	14	9	9	7	13	12	12	13	9	13	12	9	11	11	15
0,3;0,4	9	11	11	14	12	12	15	9	14	16	11	10	13	11	8	14	7	9	6	9
0,4;0,5	12	16	11	10	13	6	8	13	12	4	12	12	11	13	6	9	8	7	9	11
0,5;0,6	9	9	9	8	9	11	8	13	10	15	5	6	7	9	17	5	12	10	8	8
0,6;0,7	13	10	14	11	8	9	10	10	6	7	11	6	10	12	14	8	8	6	10	11
0,7;0,8	5	7	12	11	7	7	9	6	11	10	11	13	10	8	12	15	17	16	14	11
0,8;0,9	10	13	15	9	8	12	10	6	7	10	10	12	6	14	11	12	13	9	12	9
0,9;1,0	10	13	2	9	16	11	17	20	14	10	10	7	11	7	11	7	11	20	14	11
$p(\chi^2) = 0,1385; p(\zeta^2 - n) = 0,1435$ (81 степ. своб.)										$p(\chi^2) = 0,6266; p(\zeta^2 - n) = 0,6353$ (81 степ. своб.)										
$p(\chi^2) = 0,6224; p(\zeta^2 - n) = 0,6296$ (171 степ. свободы)																				

В колонках таблицы 2 приведены частоты  $F_k$  попадания значений  $p_{ij}$ , полученных в ходе применения теста МДРН, в каждый из 10 подинтервалов для каждой из 10 последовательностей, сгенерированных датчиком  $G_1$  в первый и во второй день. На однородность отдельно проверялись выборки за 26.10.2016, выборки за 10.11.2016, а также суммарные выборки за указанные дни. Оценка однородности проводилась с использованием статистик  $\chi^2$  и  $\zeta^2 - n$ ,  $p$ -значения которых приведены в таблице 2.

Все приведенные значения вероятностей  $p(\chi^2)$  и  $p(\zeta^2 - n)$  значительно превышают уровень значимости  $\alpha = 0,05$  что свидетельствует о том, что подтверждается гипотеза  $H_0$  об однородности распределения  $p$ -значений по соответствующим подинтервалам. Это подтверждает гипотезу об однородности распределения последовательностей, выработанных датчиком  $G_1$  в указанные дни.

#### 4. Оценка отклонения вероятности единицы от теоретического значения

Для наглядной оценки статистической значимости отклонения вероятности единицы от теоретического значения построим график вероятности единицы  $p(\xi_i = 1)$  для датчика  $G_1$ , входящего в состав СКЗИ. Построим также границы 95-процентного доверительного интервала (уровень значимости  $\alpha = 0,05$ ) для вероятности единицы по

формуле:  $p_{[\min; \max]} = 0,5 \mp \frac{\Phi^{-1}(1 - \alpha/2)}{2\sqrt{n}}$ , где  $n$  – длина последовательности в битах.

Оценка вероятности производилась для 50 последовательностей объемом по 1 МВ, выработанных датчиком  $G_1$  в течение 10.11.2016. График приведен на рис. 1.

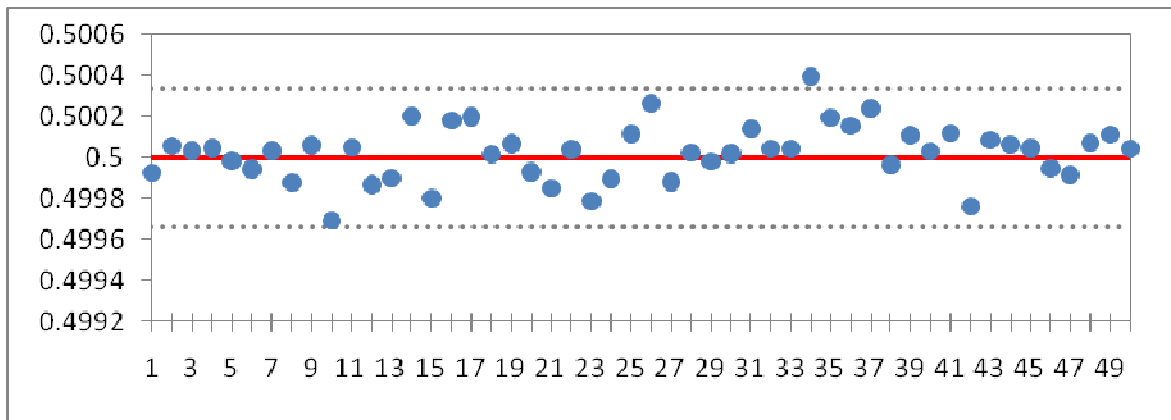


Рис. 1 – График вероятности единицы

Очевидно, что  $p(\xi_i = 1)$  практически не выходит за пределы данного интервала. Это означает, что отклонения вероятности, не являются статистически значимыми.

**Список литературы**

1. *Зубков, А.М.* Об одной статистике для проверки однородности полиномиальных выборок / А.М. Зубков, Б.И. Селиванов // *Дискретная математика.* – 2014. – т. 26, Вып. 3. – С. 30–44.

**ПОВЫШЕНИЕ ВЕРОЯТНОСТИ ОБНАРУЖЕНИЯ  
РАДИОЭЛЕКТРОННЫХ СРЕДСТВ НА ОСНОВЕ ОЦЕНКИ  
ПАРАМЕТРОВ ПЕРЕОТРАЖЕННОГО  
ЗОНДИРУЮЩЕГО СИГНАЛА**

В.М. ЧЕРТКОВ, В.К. ЖЕЛЕЗНЯК

*Полоцкий государственный университет*

**Введение.** Высокая скрытность и помехоустойчивость радиоэлектронных средств (РЭС) съема информации в различных режимах работы обуславливает необходимость совершенствования методов и алгоритмов их обнаружения, оценки демаскирующих признаков в условиях значительной неопределенности [1].

**Цель.** Разработка способа обнаружения РЭС с высокой вероятностью на основе оценки параметров принимаемого переотраженного зондирующего сигнала в условиях неопределённости.

**Основная часть.** На основе анализа математической интерпретации процесса переизлучения гармонического и составного зондирующего сигналов разработана математическая модель формирования и преобразования зондирующего сигнала элементом с нелинейной вольтамперной характеристикой (ВАХ) [2]. Структура модели включает структурные блоки: формирование зондирующего сигнала; трансформация спек-