

Учреждение образования «Полоцкий государственный университет имени Евфросинии Полоцкой»

**УТВЕРЖДАЮ**

Проректор по учебной работе  
учреждения образования «Полоцкий  
государственный университет имени  
Евфросинии Полоцкой»

  
Ю.Л. Голубев  
«22» 02 2022 г.

Регистрационный № УД-182/22 уч.

**МОДУЛЬ «ДОПОЛНИТЕЛЬНЫЕ ГЛАВЫ МАТЕМАТИКИ»**

**ЧИСЛЕННЫЕ МЕТОДЫ**

Учебная программа учреждения высшего образования  
по учебной дисциплине для специальности  
**1-39 02 02 «Проектирование и производство программно-управляемых  
электронных средств»**

2022

Учебная программа составлена на основе типовой учебной программы для высших учебных заведений, регистрационный № ТД-И.1553/тип. от 21.02.2022 и учебного плана по специальности 1-39 02 02 «Проектирование и производство программно-управляемых электронных средств». Регистрационный № 01-21/уч. ФКНиЭ от 27.04.2021.

СОСТАВИТЕЛЬ:

МАТЕЛЕНОК Анастасия Петровна, доцент кафедры математики и компьютерной безопасности учреждения образования «Полоцкий государственный университет», к.п.н..

РЕКОМЕНДОВАНА К УТВЕРЖДЕНИЮ:

Кафедрой математики и компьютерной безопасности учреждения образования «Полоцкий государственный университет»  
(протокол № 6 от «20» 06 2022 г.)

Методической комиссией факультета компьютерных наук и электроники учреждения образования «Полоцкий государственный университет»  
(протокол № 10 от «21» 06 2022 г.)

Научно-методическим советом учреждения образования «Полоцкий государственный университет»  
(протокол № 7 от «30» 06 2022 г.)

## ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

Учебная дисциплина «Численные методы» дает представление о роли и месте вычислительной математики при постановке, выборе эффективных алгоритмов и интерпретации результатов решения задач, а также знания и умения, необходимые при изучении специальных дисциплин, связанных с будущей профессиональной деятельностью инженеров-электроников-программистов.

### ЦЕЛЬ, ЗАДАЧИ, РОЛЬ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

*Цель* учебной дисциплины:

- освоение студентами различных методов численного решения классических модельных задач прикладной математики и математической физики, а также методов оценок погрешностей результатов вычисления.

*Задачи* учебной дисциплины:

- изучение основных численных методов решения скалярных уравнений и систем линейных уравнений, численных методов аппроксимации, методов численного дифференцирования и интегрирования, численных методов решения обыкновенных дифференциальных уравнений и уравнений в частных производных;
- изучение теоретического обоснования вышеперечисленных методов, приобретение навыков анализа их точности, условий применимости и других свойств;
- приобретение навыков составления алгоритмов / программ для решения различных задач конкретным численным методом.

Базовыми учебными дисциплинами для учебной дисциплины «Численные методы» являются «Линейная алгебра и аналитическая геометрия», «Математический анализ» и «Основы алгоритмизации и программирования». В свою очередь учебная дисциплина «Численные методы» является базой для такой учебной дисциплины, как «Математические методы в проектировании и производстве изделий электроники».

### ТРЕБОВАНИЯ К УРОВНЮ ОСВОЕНИЯ СОДЕРЖАНИЯ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

В результате изучения учебной дисциплины «Численные методы» формируются следующие компетенции:

**универсальные:** УК-12: обладать навыками творческого аналитического мышления;

**базовые профессиональные:** БПК-3: выбирать эффективные алгоритмы вычислительной математики для решения поставленной профессиональной задачи, интерпретировать и анализировать результаты ее решения.

В рамках образовательного процесса по данной учебной дисциплине студент должен приобрести не только теоретические и практические знания, умения и навыки по специальности, но и развить свой ценностно-личностный, духовный потенциал, сформировать качества патриота и гражданина, готового к активному участию в экономической, производственной, социально-культурной и общественной жизни страны.

В результате изучения учебной дисциплины студент должен:

**знать:**

- основные идеи, лежащие в основе численных методов;
- источники и виды погрешностей решения конечномерных задач;
- основные численные методы алгебры;
- методы построения интерполяционных многочленов;
- методы численного дифференцирования и интегрирования;
- методы решения обыкновенных дифференциальных уравнений;
- принципы работы и особенности существующих пакетов прикладных программ;

**уметь:**

- численно решать алгебраические и трансцендентные уравнения;
- численно решать системы линейных уравнений методом простой итерации, методом Зейделя;
- численно решать системы нелинейных уравнений методом Ньютона; применять методы интерполирования функций;
- производить численное дифференцирование и интегрирование функций, заданных аналитически; численно решать обыкновенные дифференциальные уравнения;

**владеть:**

- инструментарием для решения математических задач в своей предметной области;
- навыками применения численных методов с целью доведения решения различных классов задач до численного результата и умением оценивать погрешности применяемых методов.

Форма получения высшего образования – дневная.

В соответствии с учебным планом на изучение учебной дисциплины отводится:

общее количество учебных часов – 108, аудиторных – 50 часов, из них лекции – 26 часов, практические занятия – 24 часа. Самостоятельная работа студента – 58 часов.

Учебная дисциплина изучается в 3 семестре.

Форма текущей аттестации – экзамен.

## **СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОГО МАТЕРИАЛА**

### **Раздел 1. ТЕОРЕТИЧЕСКИЕ ОСНОВЫ ЧИСЛЕННЫХ МЕТОДОВ. ОСНОВЫ ТЕОРИИ ПОГРЕШНОСТЕЙ**

#### **Тема 1. ОСНОВЫ ТЕОРИИ ПОГРЕШНОСТЕЙ**

Источники и классификация погрешностей. Абсолютная и относительная погрешности. Значащие и верные цифры.

Погрешности (относительные) арифметических операций. Погрешность функции одной и многих переменных. Обусловленность вычислительной задачи.

Представление чисел в ЭВМ. Понятия машинного эпсилон, машинной бесконечности, машинного нуля.

Вычислительные задачи. Корректность и обусловленность вычислительных задач. Вычислительные алгоритмы. Катастрофическая потеря точности.

#### **Тема 2. ОБЗОР ИНСТРУМЕНТАЛЬНЫХ ПРОГРАММНЫХ СРЕДСТВ** Обзор инструментальных программных средств пакетов прикладных программ Excel, Mathcad, Maple, Mathematica.

### **Раздел 2. ЧИСЛЕННЫЕ МЕТОДЫ ЛИНЕЙНОЙ АЛГЕБРЫ**

#### **Тема 3. ПРЯМЫЕ МЕТОДЫ РЕШЕНИЯ СИСТЕМ ЛИНЕЙНЫХ АЛГЕБРАИЧЕСКИХ УРАВНЕНИЙ**

Классификация уравнений и систем уравнений. Система линейных алгебраических уравнений (СЛАУ) и задачи, возникающие при решении СЛАУ. Прямые методы решения СЛАУ. Метод Гаусса: основная идея и схемы реализации (схема единственного деления и с выбором главных элементов). Алгоритмизация метода Гаусса.

LU-разложение матрицы и его использование для решения СЛАУ, вычисление определителя и нахождения обратной матрицы. Метод прогонки. Алгоритм и трудоемкость метода.

#### **Тема 4. ОБУСЛОВЛЕННОСТЬ ЗАДАЧИ РЕШЕНИЯ СИСТЕМ ЛИНЕЙНЫХ АЛГЕБРАИЧЕСКИХ УРАВНЕНИЙ**

Нормы векторов и матриц. Обусловленность задачи решения СЛАУ. Число обусловленности.

#### **Тема 5. ИТЕРАЦИОННЫЕ МЕТОДЫ РЕШЕНИЯ СИСТЕМ ЛИНЕЙНЫХ АЛГЕБРАИЧЕСКИХ УРАВНЕНИЙ**

Метод простой итерации, метод Зейделя: алгоритмы и теоремы сходимости. Метод релаксации.

## Раздел 3. МЕТОДЫ ИНТЕРПОЛИРОВАНИЯ И ПРИБЛИЖЕНИЯ ФУНКЦИЙ

### Тема 6. ИНТЕРПОЛИРОВАНИЕ ФУНКЦИЙ

Постановка задачи глобальной полиномиальной интерполяции. Узлы интерполяции. Существование и единственность интерполяционного многочлена. Многочлен Лагранжа. Погрешность интерполяции.

Интерполяционный многочлен Ньютона с конечными и с разделенными разностями. Интерполяция сплайнами.

### Тема 7. РАВНОМЕРНОЕ ПРИБЛИЖЕНИЕ ФУНКЦИЙ

Постановка задачи приближения функций. Различные способы задания нормы в нормированном пространстве.

Многочлен наилучшего равномерного приближения. Многочлены Чебышева.

### Тема 8. СРЕДНЕКВАДРАТИЧЕСКОЕ ПРИБЛИЖЕНИЕ ФУНКЦИЙ

Метод наименьших квадратов: общая характеристика метода. Построение эмпирических формул методом наименьших квадратов: линейная зависимость, квадратичная зависимость.

## Раздел 4. РЕШЕНИЕ НЕЛИНЕЙНЫХ УРАВНЕНИЙ

### Тема 9. ИТЕРАЦИОННЫЕ МЕТОДЫ РЕШЕНИЯ НЕЛИНЕЙНЫХ УРАВНЕНИЙ

Постановка задачи поиска корня нелинейного уравнения. Локализация корней, методы уточнения корня, метод бисекции, метод простой итерации. Достаточное условие сходимости метода простой итерации. Приведение к виду, удобному для применения метода. Априорные и апостериорные оценки погрешности методов.

Метод Ньютона. Достоинства и недостатки метода Ньютона. Другие итерационные методы (метод секущих, упрощенный метод Ньютона и др.). Скорость сходимости итерационных методов решения нелинейных уравнений.

## Раздел 5. ЧИСЛЕННОЕ ИНТЕГРИРОВАНИЕ И ДИФФЕРЕНЦИРОВАНИЕ

### Тема 10. КВАДРАТУРНЫЕ ФОРМУЛЫ ЧИСЛЕННОГО ИНТЕГРИРОВАНИЯ

Постановка задачи численного интегрирования. Квадратурные формулы Ньютона-Котеса. Формулы прямоугольников, трапеций, Симпсона и их оценки погрешности. Правило Рунге оценки

погрешностей численного интегрирования. Квадратурные формулы наивысшей алгебраической степени точности.

### Тема 11. ЧИСЛЕННОЕ ДИФФЕРЕНЦИРОВАНИЕ

Постановка задачи численного дифференцирования. Левая, правая и центральная разностные производные (первого порядка). Вторая разностная производная. Их оценки погрешности. Формулы интерполяционного типа. Обусловленность задачи численного дифференцирования.

## Раздел 6. ЧИСЛЕННЫЕ МЕТОДЫ РЕШЕНИЯ ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНЫХ УРАВНЕНИЙ И СИСТЕМ

### Тема 12. РЕШЕНИЕ ЗАДАЧИ КОШИ ДЛЯ УРАВНЕНИЯ ПЕРВОГО ПОРЯДКА

Постановка задачи Коши и ее геометрический смысл. Дискретизация задачи. Основные характеристики численных методов решения задачи Коши: явность / неявность, многошаговость. Аппроксимация, устойчивость и сходимость численных методов. Понятие о локальной и глобальной погрешностях.

Явный и неявный методы Эйлера. Модификации метода Эйлера 2-го порядка точности. Идея построения методов Рунге-Кутты. Порядок точности методов. Метод Рунге-Кутты 4-го порядка точности. Правило Рунге оценки погрешностей решения задачи Коши. Организация вычислений с автоматическим выбором шага.

### Тема 13. РЕШЕНИЕ ЗАДАЧИ КОШИ ДЛЯ СИСТЕМ УРАВНЕНИЙ ПЕРВОГО ПОРЯДКА

Решение задачи Коши для систем дифференциальных уравнений первого порядка и уравнений  $m$ -го порядка.

**УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКАЯ КАРТА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ**  
**«ЧИСЛЕННЫЕ МЕТОДЫ»**  
(дневная форма обучения)

		Лекции	Практические занятия	Управляемая (контролируемая)	Литература	Форма контроля знаний	
1	2	3	5	6	7	8	9
<b>3 семестр</b>		<b>26</b>	<b>24</b>				
1	Тема 1. Основы теории погрешностей	2	2			1,2	
2	Тема 2. Обзор инструментальных программных средств	2	2			1,2	ИЗ, ОПР
3	Тема 3. Прямые методы решения систем линейных алгебраических уравнений	2	2			1,2	ИЗ, ПДЗ, ОПР
4	Тема 4. Обусловленность задачи решения систем линейных алгебраических уравнений	-	2			1,4	ИЗ, ОР
5	Тема 5. Итерационные методы решения систем линейных алгебраических уравнений	2	2			2,4	ОПР
6	Тема 6. Интерполирование функций	2	2			2,4	ОПР
7	Тема 7. Равномерное приближение функций	2	-			2,4	ИЗ,
8	Тема 8. Среднеквадратическое приближение функций	2	2			2,3	ИЗ, ВКР, ОПР

9	Тема 9. Итерационные методы решения нелинейных уравнений (методы уточнения корня, метод бисекции, метод простой итерации)	2	2			2,3	ПДЗ, ОПР
10	Тема 9. Итерационные методы решения нелинейных уравнений  (Метод Ньютона. Достоинства и недостатки метода Ньютона. Другие итерационные методы (метод секущих, упрощенный метод Ньютона и др.). Скорость сходимости итерационных методов решения нелинейных уравнений.)	2	-			2,3	
11	Тема 10. Квадратурные формулы численного интегрирования	2	2			2,3	ПДЗ, ОПР
12	Тема 11. Численное дифференцирование	2	2			2,3	ИЗ, ОПР
13	Тема 12. Решение задачи Коши для уравнения первого порядка	2	2			2,3	ПДЗ, ОПР
14	Тема 13. Решение задачи Коши для систем уравнений первого порядка	2	2			2,4	КР, ОПР

***Принятые сокращения:***

- ИЗ – индивидуальное задание;  
ПДЗ – проверка домашнего задания;  
ОПР – отчет о выполнении практической работы;  
КР – контрольная работа;  
ВКР – внеаудиторная контрольная работа.

## ИНФОРМАЦИОННО-МЕТОДИЧЕСКАЯ ЧАСТЬ

### ЛИТЕРАТУРА

#### ОСНОВНАЯ

1. **Бахвалов, Н.С.** Численные методы: учеб. пособие / Н. С. Бахвалов, А. В. Лапин, Е. В. Чижонков; Под ред. Садовничего В.А. - М. : Лабор. знаний, 2021. - 636с.
2. **Вакульчик П.А.** Методы численного анализа : пособие для студ. фак. приклад. математики и информатики спец. 1-31 03 03 "Приклад. математика (по направлениям)", 1-31 03 04 "Информатика", 1-31 03 05 "Актуарная математика", 1-31 03 06 "Эконом. кибернетика (по направлениям)", 1-98 01 01 "Компьютерная безопасность (по направлениям)" / П. А. Вакульчик. - Минск : БГУ, 2008. – 310 с.
3. **Вержбицкий В.М.** Численные методы. Математический анализ и обыкновенные дифференциальные уравнения: учеб. пособие для вузов / В. М. Вержбицкий. - М. : Высш. шк., 2001. - 382 с
4. **Мулярчик, С.Г.** Численные методы: учебное пособие / С. Г. Мулярчик. - Минск : РИВШ, 2017. - 317 с.

#### ДОПОЛНИТЕЛЬНАЯ

5. Теория вероятностей и математическая статистика: учеб.-метод. комплекс для студентов техн. спец. / И.Б. Сороговец. – Новополоцк: ПГУ, 2009. – 220 с.
6. **Сухарев, А.Г.** Курс методов оптимизации : [учеб. пособие] / А. Г. Сухарев, А. В. Тимохов, В. В. Федоров. - Изд. 2-е. - М. : ФИЗМАТЛИТ, 2005. - 367 с.
7. **Самарский, А.А.** Введение в численные методы : учеб. пособие для вузов / А. А. Самарский ; Московский гос. ун-т им. М.В. Ломоносова. - Изд. 3-е, стереотип. - СПб. : Лань, 2005. - 288 с.

Сборник № 3

## **ХАРАКТЕРИСТИКА ИННОВАЦИОННЫХ ПОДХОДОВ К ПРЕПОДАВАНИЮ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ**

- методы проблемного обучения (проблемное изложение, частично-поисковый и исследовательский методы);
- личностно ориентированные (развивающие) технологии, основанные на активных (рефлексивно-деятельностных) формах и методах обучения («мозговой штурм», дискуссия, пресс-конференция);
- информационно-коммуникационные технологии, обеспечивающие проблемно-исследовательский характер процесса обучения и активизацию самостоятельной работы студентов (структурированные электронные презентации для лекционных занятий, использование аудио-, видеоподдержки учебных занятий, применение специализированных компьютерных программ Microsoft word, Microsoft Office Excel, SPSS, MATHCAD PROFESSIONAL, MAPLE, MATLAB, POWERPOINT, MS ACCESS, MS VISI).

### **Перечень вопросов для проведения экзамена**

1. Источники и классификация погрешностей. Абсолютная и относительная погрешности. Значащие и верные цифры.
2. Погрешности (относительные) арифметических операций. Погрешность функции одной и многих переменных. Обусловленность вычислительной задачи.
3. Представление чисел в ЭВМ. Понятия машинного эпсилон, машинной бесконечности, машинного нуля.
4. Вычислительные задачи. Корректность и обусловленность вычислительных задач. Вычислительные алгоритмы. Катастрофическая потеря точности.
5. Классификация уравнений и систем уравнений. Система линейных алгебраических уравнений (СЛАУ) и задачи, возникающие при решении СЛАУ. Прямые методы решения СЛАУ. Метод Гаусса: основная идея и схемы реализации (схема единственного деления и с выбором главных элементов). Алгоритмизация метода Гаусса.
6. LU-разложение матрицы и его использование для решения СЛАУ, вычисление определителя и нахождения обратной матрицы. Метод прогонки. Алгоритм и трудоемкость метода.
7. Нормы векторов и матриц. Обусловленность задачи решения СЛАУ. Число обусловленности.
8. Метод простой итерации, метод Зейделя: алгоритмы и теоремы сходимости. Метод релаксации.
9. Постановка задачи глобальной полиномиальной интерполяции. Узлы интерполяции. Существование и единственность интерполяционного многочлена. Многочлен Лагранжа. Погрешность интерполяции.
10. Интерполяционный многочлен Ньютона с конечными и с разделенными разностями. Интерполяция сплайнами.
- 11.Постановка задачи приближения функций. Различные способы задания нормы в нормированном пространстве.
- 12.Многочлен наилучшего равномерного приближения. Многочлены Чебышева.
- 13.Метод наименьших квадратов: общая характеристика метода. Построение эмпирических формул методом наименьших квадратов: линейная зависимость, квадратичная зависимость.
- 14.Постановка задачи поиска корня нелинейного уравнения. Локализация корней, методы уточнения корня , метод бисекции, метод простой итерации. Достаточное условие сходимости метода простой итерации.

15. Метод Ньютона. Достоинства и недостатки метода Ньютона. Другие итерационные методы (метод секущих, упрощенный метод Ньютона и др.). Скорость сходимости итерационных методов решения нелинейных уравнений.
16. Постановка задачи численного интегрирования. Квадратурные формулы Ньютона-Котеса. Формулы прямоугольников, трапеций, Симпсона и их оценки погрешности.
17. Постановка задачи численного дифференцирования. Левая, правая и центральная разностные производные (первого порядка). Вторая разностная производная. Их оценки погрешности.
18. Формулы интерполяционного типа. Обусловленность задачи численного дифференцирования.
19. Постановка задачи Коши и ее геометрический смысл. Дискретизация задачи.
20. Явный и неявный методы Эйлера. Модификации метода Эйлера 2-го порядка точности.
21. Идея построения методов Рунге-Кутты. Порядок точности методов. Метод Рунге-Кутты 4-го порядка точности.
22. Решение задачи Коши для систем дифференциальных уравнений первого порядка и уравнений  $m$ -го порядка.

## ОРГАНИЗАЦИЯ САМОСТОЯТЕЛЬНОЙ РАБОТЫ СТУДЕНТОВ

*Цель самостоятельной работы студентов – содействие усвоению в полном объеме содержания учебной дисциплины и формирование самостоятельности как личностной черты и важного профессионального качества, сущность которых состоит в умении систематизации, планирования и контроля собственной деятельности. Задача самостоятельной работы студентов – усвоение определенных стандартом знаний, умений и навыков по учебной дисциплине, закрепление и систематизация полученных знаний, их применение при выполнении практических заданий и творческих работ, а также выявление пробелов в системе знаний по предмету.*

При изучении дисциплины используются следующие формы самостоятельной работы:

- самостоятельная работа, в том числе в виде выполнения внеаудиторных контрольных работ с консультациями преподавателя;
- подготовка к выполнению практических работ, с консультациями преподавателя и подготовка отчета для их защиты.

### **Методы планирования и организации самостоятельной работы студентов**

- анализ учебной программы по учебной дисциплине «Численные методы» с целью выделения тематических блоков для самостоятельной работы студентов;
- проработка баланса времени, необходимого для самостоятельной работы студентов с выделенными тематическими блоками;
- структурирование тематических заданий, ориентированных на формирование и развитие компетенций студентов в контексте самостоятельной работы.

### **Содержание самостоятельной работы студентов**

Вид работы	Тематическое содержание	Используемые источники	К-во часов (58 ч)	
			3 семестр	
Углубленное изучение	Тема 1. ОСНОВЫ ТЕОРИИ ПОГРЕШНОСТЕЙ <i>Изучить информационную таблицу раздела, графическую схему раздела, глоссарий.</i>		1,6,7,8	2

	<i>Подготовить отчет о выполнении практической работы.</i>		
	<p><b>Тема 2. ОБЗОР ИНСТРУМЕНТАЛЬНЫХ ПРОГРАММНЫХ СРЕДСТВ</b>  <i>Изучить информационную таблицу раздела, графическую схему раздела, глоссарий.</i>  <i>Подготовить отчет о выполнении практической работы.</i></p>	1,6,7,8	2
	<p><b>Тема 3. ПРЯМЫЕ МЕТОДЫ РЕШЕНИЯ СИСТЕМ ЛИНЕЙНЫХ АЛГЕБРАИЧЕСКИХ УРАВНЕНИЙ</b>  <i>Изучить информационную таблицу раздела, графическую схему раздела, глоссарий.</i>  <i>Подготовить отчет о выполнении практической работы.</i></p>	1,2,3,4	4
	<p><b>Тема 4. ОБУСЛОВЛЕННОСТЬ ЗАДАЧИ РЕШЕНИЯ СИСТЕМ ЛИНЕЙНЫХ АЛГЕБРАИЧЕСКИХ УРАВНЕНИЙ</b>  <i>Изучить информационную таблицу раздела, графическую схему раздела, глоссарий.</i>  <i>Подготовить отчет о выполнении практической работы.</i></p>	1,2,7	4
	<p><b>Тема 5. ИТЕРАЦИОННЫЕ МЕТОДЫ РЕШЕНИЯ СИСТЕМ ЛИНЕЙНЫХ АЛГЕБРАИЧЕСКИХ УРАВНЕНИЙ</b>  <i>Изучить информационную таблицу раздела, графическую схему раздела, глоссарий.</i>  <i>Подготовить отчет о выполнении практической работы.</i></p>	1,6,7,8	4
	<p><b>Тема 6. ИНТЕРПОЛИРОВАНИЕ ФУНКЦИЙ</b>  <i>Изучить информационную таблицу раздела, графическую схему раздела, глоссарий.</i>  <i>Подготовить отчет о выполнении практической работы.</i></p>	1,2,3	4
	<p><b>Тема 7. РАВНОМЕРНОЕ ПРИБЛИЖЕНИЕ ФУНКЦИЙ</b>  <i>Изучить информационную таблицу раздела, графическую схему раздела, глоссарий.</i>  <i>Проработать задания, вынесенные на самостоятельную работу.</i></p>	1,2,3	2
	<b>Тема 8. СРЕДНЕКВАДРАТИЧЕСКОЕ ПРИБЛИЖЕНИЕ ФУНКЦИЙ</b>	1,2,6	2

	<p><i>Изучить информационную таблицу раздела, графическую схему раздела, глоссарий.</i>  <i>Подготовить отчет о выполнении практической работы.</i></p>		
	<p><b>Тема 9. ИТЕРАЦИОННЫЕ МЕТОДЫ РЕШЕНИЯ НЕЛИНЕЙНЫХ УРАВНЕНИЙ</b>  <i>Изучить информационную таблицу раздела, графическую схему раздела, глоссарий.</i>  <i>Подготовить отчет о выполнении работы.</i></p>	1,2,3,5	4
	<p><b>Тема 10. КВАДРАТУРНЫЕ ФОРМУЛЫ ЧИСЛЕННОГО ИНТЕГРИРОВАНИЯ</b>  <i>Изучить информационную таблицу раздела, графическую схему раздела, глоссарий.</i>  <i>Проработать задания, вынесенные на самостоятельную работу</i></p>	4,5	2
	<p><b>Тема 11. ЧИСЛЕННОЕ ДИФФЕРЕНЦИРОВАНИЕ</b>  <i>Изучить информационную таблицу раздела, графическую схему раздела, глоссарий.</i>  <i>Проработать задания, вынесенные на самостоятельную работу.</i></p>	4,5	4
	<p><b>Тема 12. РЕШЕНИЕ ЗАДАЧИ КОШИ ДЛЯ УРАВНЕНИЯ ПЕРВОГО ПОРЯДКА</b>  <i>Изучить информационную таблицу раздела, графическую схему раздела, глоссарий.</i>  <i>Проработать задания, вынесенные на самостоятельную работу.</i></p>	4,5	4
	<p><b>Тема 13. РЕШЕНИЕ ЗАДАЧИ КОШИ ДЛЯ СИСТЕМ УРАВНЕНИЙ ПЕРВОГО ПОРЯДКА</b>  <i>Изучить информационную таблицу раздела, графическую схему раздела, глоссарий.</i>  <i>Подготовить отчет о выполнении практической работы</i></p>	4,5	4
	Подготовка к экзамену	[1-10]	10
	<p><b>Подготовка к рейтинговой контрольной работе №1.</b>  <b>Темы 6-9</b>  <b>- Обзор лекционных и практических занятий.</b></p>	[1-10]	3

	<ul style="list-style-type: none"> <li>- Обзор графических схем, информационных таблиц, глоссария по теме.</li> <li>- Задачи для самоконтроля.</li> </ul>		
	<p>Подготовка и выполнение внеаудиторной контрольной работы</p> <p><b>ВКР №1. Численные методы решения задач Коши для обыкновенных дифференциальных уравнений.</b></p>	1,2,3	3
	Всего часов		58

## КОНТРОЛЬ КАЧЕСТВА УСВОЕНИЯ ЗНАНИЙ

Диагностика качества усвоение знаний проводится в форме промежуточного контроля и текущей аттестации.

### Средства диагностики результатов учебной деятельности:

Для оценки достижений студентов используется следующий диагностический инструментарий:

- индивидуальное задание;
- проверка домашнего задания;
- письменный отчет по практической работе;
- контрольная работа;
- внеаудиторная контрольная работа.
- экзамен.

Результат промежуточного контроля за семестр оценивается отметкой в баллах по десятибалльной шкале и выводится исходя из отметок, выставленных в ходе проведения мероприятий промежуточного контроля в течении семестра по следующей формуле:

$$P = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{12} P_i + P_{KP},$$

где  $P$  – отметка за семестр по результатам промежуточного контроля; в случае, если  $P$  – дробное число, оно округляется по правилам математического округления;

$P_i$  – отметка, выставленная за письменный отчет по практической работе номер  $i$ ;

$n$  – количество практических работ;

$P_{KP}$  – отметка за контрольную работу.

Промежуточные контрольные мероприятия	Рейтинговая контрольная работа № 1
Содержание контрольного мероприятия – название раздела (модуля)	Методы интерполяции и приближения функций
Задания	Контрольное задание состоит из 2 задач
Отметка контрольных мероприятий	Каждый пункт оценивается в 5 баллов

Текущая аттестация проводится в форме экзамена.

$$\text{Итоговая отметка за семестр } I = \frac{P + O}{2},$$

где  $I$  – итоговая отметка за семестр,

$O$  – отметка, выставленная за ответ на экзамене.

Экзамен предполагает устный ответ студента по билету.

## **ПЕРЕЧЕНЬ КОМПЬЮТЕРНЫХ ПРОГРАММ**

Microsoft Office Excel ver. 2003 и выше, MATHCAD 2000 PROFESSIONAL и выше, MAPLE 12 и выше, MATLAB 5 и выше, SPSS.

## **ТЕМАТИКА ВНЕАУДИТОРНЫХ КОНТРОЛЬНЫХ РАБОТ**

<b>№</b>	<b>Вид работы</b>	<b>Тема</b>
1	BKR №1	Численные методы решения задач Коши для обыкновенных дифференциальных уравнений

**ПРОТОКОЛ СОГЛАСОВАНИЯ УЧЕБНОЙ ПРОГРАММЫ С  
ДРУГИМИ УЧЕБНЫМИ ДИСЦИПЛИНАМИ СПЕЦИАЛЬНОСТИ**

Название дисциплины, с которой требуется согласование	Название кафедры	Предложения об изменениях в содержании учебной программы по дисциплине «ЧИСЛЕННЫЕ МЕТОДЫ»	Решение, принятое кафедрой математики и компьютерной безопасности
Математические методы в проектировании и производстве изделий электроники	Энергетики и электроники	<i>Предложений и замечаний нет</i> <i>07/12/2020 А.А.</i>	

## **ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА**

Учебная дисциплина «Численные методы» дает представление о роли и месте вычислительной математики при постановке, выборе эффективных алгоритмов и интерпретации результатов решения задач, а также знания и умения, необходимые при изучении специальных дисциплин, связанных с будущей профессиональной деятельностью инженеров-электроников-программистов.

### **ЦЕЛЬ, ЗАДАЧИ, РОЛЬ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ**

*Цель* учебной дисциплины:

- освоение студентами различных методов численного решения классических модельных задач прикладной математики и математической физики, а также методов оценок погрешностей результатов вычисления.

*Задачи* учебной дисциплины:

- изучение основных численных методов решения скалярных уравнений и систем линейных уравнений, численных методов аппроксимации, методов численного дифференцирования и интегрирования, численных методов решения обыкновенных дифференциальных уравнений и уравнений в частных производных;
- изучение теоретического обоснования вышеперечисленных методов, приобретение навыков анализа их точности, условий применимости и других свойств;
- приобретение навыков составления алгоритмов / программ для решения различных задач конкретным численным методом.

Базовыми учебными дисциплинами для учебной дисциплины «Численные методы» являются «Линейная алгебра и аналитическая геометрия», «Математический анализ» и «Основы алгоритмизации и программирования». В свою очередь учебная дисциплина «Численные методы» является базой для такой учебной дисциплины, как «Математические методы в проектировании и производстве изделий электроники».

### **ТРЕБОВАНИЯ К УРОВНЮ ОСВОЕНИЯ СОДЕРЖАНИЯ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ**

В результате изучения учебной дисциплины «Численные методы» формируются следующие компетенции:

**универсальные:** УК-12: обладать навыками творческого аналитического мышления;